

Содержание

Предисловие.....	4
Тема 1 Предел последовательности.....	5
Ответы к тестовым заданиям по теме «Предел последовательности».....	17
Тема 2 Предел функции.....	18
Ответы к тестовым заданиям по теме «Предел функции».....	30
Тема 3 Непрерывность функции.....	31
Ответы к тестовым заданиям по теме «Непрерывность функции».....	47

ПРЕДИСЛОВИЕ

Пособие предназначено для студентов математических специальностей. Структура пособия основана на учебной программе по курсу «Математический анализ», для студентов специальностей 1-31 03 01 02 «Математика», 1-31 03 03-01 «Прикладная математика (научно-производственная деятельность)», 1-31 03 03-02 «Прикладная математика (научно-педагогическая деятельность)», 1-31 03 06 01 «Экономическая кибернетика (математические методы в экономике)». Предлагаемый материал охватывает следующие темы: «Предел последовательности», «Предел функции», «Непрерывность функции».

Пособие представляет собой сборник заданий, сформулированных в виде тестов. Тестовые задания составлены таким образом, чтобы по возможности охватить основные теоретические положения и основные типы задач по данной теме. Тема содержит 10 вариантов тестовых заданий. Все тесты данного пособия имеют одинаковую структуру: каждый вариант теста имеет 10 заданий (по 5 заданий в части **A** и **B**). Ко всем заданиям части **A** даны пять вариантов ответов, среди которых только один является верным. Задания из части **B** необходимо решить и получить ответ. В конце каждой темы приведена таблица ответов. Разнообразие тестов позволяет их использовать для организации рубежного контроля знаний, а также в качестве дифференцированных домашних заданий и заданий для самопроверки.

Предлагаемое пособие-это не просто сборник задач, это *обучающий* сборник, который, как надеются авторы, поможет студентам преодолеть все трудности изучения математического анализа и будет полезен преподавателям в их работе.

Тема 1

ПРЕДЕЛ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ

Вариант 1

Часть А

A1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a$:</p> <p>1) $\exists \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n - a < \varepsilon$;</p> <p>2) $\forall \varepsilon > 0 \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n - a < \varepsilon$;</p> <p>3) $\forall \varepsilon > 0 \forall N \in \mathbb{N} \exists n \in \mathbb{N} : x_n - a < \varepsilon$;</p> <p>4) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n - a < \varepsilon$;</p> <p>5) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n - a > \varepsilon$.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5 + 2n + 3n^2}{2n^2 + n + 16}$.</p>	<p>1) 3/2; 2) 1;</p> <p>3) 5/2; 4) 0;</p> <p>5) 3/16</p>
A3	<p>Какая последовательность не является бесконечно малой?</p> <p>1) $\frac{1}{n} \sin \frac{\pi n}{2}$; 2) $\frac{1 + (-1)^n}{n}$; 3) $\frac{2n}{n + 1000}$; 4) $\frac{1}{n!}$; 5) $\frac{2n}{n^2 + 1}$</p>	<p>1) 1; 2) 2;</p> <p>3) 3; 4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A4	<p>Какая из данных последовательностей сходится?</p> <p>1) $1 + (-1)^n$; 2) $\frac{(-1)^n}{n}$; 3) $\frac{n}{(-1)^n}$; 4) $n(-1)^n$; 5) $n + (-1)^n$</p>	<p>1) 1; 2) 2;</p> <p>3) 3; 4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) любая сходящаяся последовательность является ограниченной последовательностью;</p> <p>2) сумма бесконечно малых последовательностей является бесконечно малой последовательностью;</p> <p>3) любая бесконечно большая последовательность является неограниченной последовательностью;</p> <p>4) произведение бесконечно малой последовательности на ограниченную последовательность является бесконечно малой последовательностью;</p> <p>5) отношение бесконечно малых последовательностей является бесконечно малой последовательностью.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>

Часть В

B1	<p>Найти наименьший номер, начиная с которого $x_n - a < \varepsilon$,</p> <p>если $x_n = \frac{n+1}{n-2}$, $a = 1$, $\varepsilon = 0,001$.</p>
----	--

B2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 - 3n + 2} - n)$.
B3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{2n+3}{3-2n} + \frac{\sin \sqrt{n}}{\sqrt[3]{n+1}}$.
B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n+1)! + n(2n+2)!}{(2n+3)!}$.
B5	Найти верхний предел последовательности $x_n = \sqrt[n]{3^{(-1)^n n} + 2^n}$.

Вариант 2

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = 0$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n > \varepsilon$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n < \varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \forall n \geq N : x_n < \varepsilon$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n < N : x_n < \varepsilon$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} \exists n \geq N : x_n < \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5 + 8n + 16n^3}{4n^3 + 5n^2 + 7}$.	1) 5/7; 2) 2; 3) 16/5; 4) 1; 5) 4
A3	Какая из данных последовательностей не является бесконечно малой? 1) $\frac{2n}{n^3 + 1}$; 2) $\frac{n+1}{n+999}$; 3) $\frac{(-1)^{n+1}}{n}$; 4) $(-1)^n 0,999^n$; 5) $\frac{n}{2^n}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A4	Какая из данных последовательностей сходится? 1) $\sin \frac{\pi n}{191}$; 2) $\cos \frac{\pi n}{3}$; 3) $\frac{\sin \pi n}{\sqrt{n}}$; 4) $\sqrt{n} \cos \frac{\pi n}{2}$; 5) $n^2 \sin \frac{\pi n}{4}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти неверное утверждение: 1) если две последовательности сходятся, то их произведение также сходится; 2) всякая возрастающая и ограниченная сверху последовательность имеет предел; 3) любая подпоследовательность сходящейся последовательности сходится; 4) всякая возрастающая неограниченная сверху последовательность имеет предел $+\infty$; 5) если последовательность стремится к $-\infty$, то она является бесконечно малой.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

B1	Найти наименьший номер, начиная с которого $ x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = 1/n^2, a = 0, \varepsilon = 0,01$.
B2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} n^2 \left(\sqrt[3]{n^3 + 5} - \sqrt[3]{n^3 + 3} \right)$.
B3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{4n^2 - 17}{16n + 14 - 11n^2} - \frac{\arctg n}{\sqrt{n^2 + 1}}$.
B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{n+2} + 3^{n+3}}{2^n + 3^n}$.
B5	Найти нижний предел последовательности $x_n = \sqrt[n]{\frac{2n + 5}{n - 0,5(-1)^n}}$.

Вариант 3

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = \infty$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n < N : x_n > \varepsilon$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n > \varepsilon$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n > \varepsilon$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} \exists n \geq N : x_n > \varepsilon$; 5) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \forall n \geq N : x_n > \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 - 18n^3 + 5n}{2n^3 - n + 3}$.	1) 1/3; 2) -9; 3) 0; 4) ∞ ; 5) -5
A3	Какая из данных последовательностей не является бесконечно малой? 1) $\frac{10000n}{n^2 + 1}$; 2) $\frac{2^n}{n!}$; 3) $\frac{1}{n} \cos \frac{\pi n}{2}$; 4) $\frac{2n + (-1)^n}{n}$; 5) $\frac{(-1)^n}{n}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A4	Какая из данных последовательностей сходится? 1) $(-1)^n \left(1 + \frac{2}{n} \right)^n$; 2) $\frac{(-1)^n + n}{(-1)^{n+1}}$; 3) $\frac{(-1)^n}{n+1}$; 4) $(-1)^n - 1$; 5) $n - n(-1)^n$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти неверное утверждение: 1) если две последовательности сходятся, то их сумма также сходится; 2) любая убывающая ограниченная сверху последовательность сходится;	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4;

	3) у сходящейся последовательности все частичные пределы равны; 4) если последовательность сходится, то она фундаментальна; 5) всякая ограниченная последовательность имеет хотя бы одну сходящуюся подпоследовательность.	5) 5
--	--	------

Часть В

В1	Найти наименьший номер, начиная с которого $ x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = 1/(n-5)$, $a = 0$, $\varepsilon = 0,001$.
В2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt[3]{(n+2)^2} - \sqrt[3]{(n+3)^2} \right)$.
В3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{7n-2}{6-5n} - \frac{\cos \pi n}{n^2+6}$.
В4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n - \sin n}{\sqrt{n} - \sqrt[3]{n^3-7}}$.
В5	Найти верхний предел последовательности $x_n = \sqrt[n]{7^{n(-1)^n} + 5^n}$.

Вариант 4

Часть А

А1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = +\infty$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n < N : x_n > \varepsilon$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n < N : x_n > \varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \forall n \geq N : x_n > \varepsilon$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n > \varepsilon$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n < \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
А2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4+9n^3+5n}{-3n^3+11n^2+1}$.	1) -3; 2) ∞ ; 3) 5; 4) 5/11; 5) -9/11
А3	Какая из данных последовательностей не является бесконечно малой? 1) $\frac{n^{1000}}{2^n}$; 2) $\frac{\cos \pi n}{\sqrt{n}}$; 3) $\frac{n}{\sqrt{n^2+1}}$; 4) $\frac{2}{\sqrt{2n-1}}$; 5) $\left(\frac{2012}{n}\right)^n$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
А4	Какая из данных последовательностей сходится? 1) $n \cos \frac{\pi n}{3}$; 2) $\operatorname{arctg}(n^2+1)$; 3) $(-1)^n + \frac{\sin \pi n}{n}$; 4) $\sin(n^2+1)$; 5) $\sqrt{n+2} \cos \pi n$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) всякая убывающая ограниченная снизу последовательность сходится;</p> <p>2) сумма бесконечно больших последовательностей есть бесконечно большая последовательность;</p> <p>3) если последовательность сходится, то она ограничена;</p> <p>4) если последовательность фундаментальна, то она сходится;</p> <p>5) отношение бесконечно больших последовательностей является бесконечно большой последовательностью.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
----	--	---

Часть В

B1	<p>Найти наименьший номер, начиная с которого $x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = 1/n^3, a = 0, \varepsilon = 0,001$.</p>
B2	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} n \left(\sqrt[3]{8n^3 + 5} - 2n \right)$.</p>
B3	<p>Найти предел последовательности $x_n = \frac{5n^2 - 2}{4 + 3n^2} + \frac{\arcsin \sqrt{n^3 - 2}}{n^3}$.</p>
B4	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n - 5^{n+1}}{2^{n+1} + 5^{n+2}}$.</p>
B5	<p>Найти верхний предел последовательности $x_n = 2 \cdot \sqrt[n]{\frac{5n+1}{n+5}} (1 + (-1)^n)$.</p>

Вариант 5

Часть А

A1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = -\infty$:</p> <p>1) $\forall \varepsilon \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \geq N : x_n < \varepsilon$;</p> <p>2) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \geq N : x_n > -\varepsilon$;</p> <p>3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n \geq N : x_n < -\varepsilon$;</p> <p>4) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \leq N : x_n < -\varepsilon$;</p> <p>5) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n > N : x_n < -\varepsilon$.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{18n^4 + 5n - 3}{6n^4 + 8n^2 - 3}$.</p>	<p>1) -3; 2) 5/8;</p> <p>3) 3; 4) 1;</p> <p>5) ∞</p>
A3	<p>Какая из данных последовательностей не является бесконечно малой?</p>	<p>1) 1; 2) 2;</p> <p>3) 3; 4) 4;</p>

	1) $\frac{2000^n}{n!}$; 2) $\frac{n}{n+10001}$; 3) $\frac{2+(-1)^n}{n}$; 4) $\frac{n^3}{10^n}$; 5) $\frac{\sin \pi n}{\sqrt{n}}$	5) 5
A4	Какая из данных последовательностей сходится? 1) $n(-1)^n + n$; 2) $(-1)^n \left(1 - \frac{1}{n}\right)$; 3) $(-1)^{n-1} \left(2 + \frac{3}{n}\right)$; 4) $\frac{1+(-1)^n}{2} + \frac{(-1)^n}{n}$; 5) $\frac{2+(-1)^n}{n}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти неверное утверждение: 1) любая бесконечно большая последовательность не ограничена; 2) всякая фундаментальная последовательность сходится; 3) все частичные пределы сходящейся последовательности равны; 4) любая возрастающая последовательность является сходящейся; 5) произведение сходящихся последовательностей является сходящейся последовательностью.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

B1	Найти наименьший номер, начиная с которого $ x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = \frac{1}{n^2 - 21}$, $a = 0$, $\varepsilon = 0,01$.
B2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^2 + 3n - 2} - \sqrt{n^2 - 3} \right)$.
B3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{7n + 2}{2n - 3} + \frac{\cos n^2}{n^2}$.
B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3n - 1)! + (3n + 1)!}{(3n)!(n - 1)}$.
B5	Найти нижний предел последовательности $x_n = 2\sqrt[3]{4^n + 3^{n(-1)^n}}$.

Вариант 6

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n \neq a$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \in \mathbb{N} : x_n - a < \varepsilon$; 2) $\exists \varepsilon : \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n - a \geq \varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n - a \geq \varepsilon$;	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
----	--	--

	4) $\exists \varepsilon > 0: \forall N \in \mathbb{N} \exists n \geq N: x_n - a < \varepsilon$; 5) $\exists \varepsilon > 0: \forall N \in \mathbb{N} \exists n < N: x_n - a \geq \varepsilon$.	
A2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{27n^5 - 11n^2 + 15}{22n^2 - 9n^5 - 3}$.	1) ∞ ; 2) 0; 3) -5; 4) -3; 5) 27/22
A3	Указать бесконечно малую последовательность. 1) $\frac{n}{10000 - n}$; 2) $\frac{n!}{2^n}$; 3) $\frac{n^2}{n^2 + 99}$; 4) $\frac{2^n}{n^2}$; 5) $\frac{n}{2 + n!}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A4	Какая из данных последовательностей расходится? 1) $\frac{(-1)^{n+1}}{n^4}$; 2) $\frac{n}{(-1)^n}$; 3) $\frac{2 + (-1)^n}{n^2 - 6}$; 4) $\frac{2(-1)^n}{n}$; 5) $\frac{2}{(-1)^n + n^2}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти верное утверждение: 1) отношение бесконечно малых последовательностей является бесконечно малой последовательностью; 2) отношение бесконечно больших последовательностей является бесконечно большой последовательностью; 3) сумма бесконечно малых последовательностей является бесконечно малой; последовательностью 4) всякая убывающая ограниченная сверху последовательность сходится; 5) любая бесконечно малая последовательность стремится к $-\infty$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

B1	Найти наименьший номер, начиная с которого $ x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = \frac{n+2}{n-8}$, $a = 1$, $\varepsilon = 0,001$.
B2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n} (\sqrt{n+2} - \sqrt{n-3})$.
B3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{9n^3 - 2}{2n + 5 - 3n^2} - \frac{n \sin \sqrt{n}}{1 + n^2}$.
B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n+1)! + (2n+2)!}{(2n+3)! - (2n+2)!}$.
B5	Найти верхний предел последовательности $x_n = 4 + \cos^n \frac{2\pi n}{3}$.

Вариант 7

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n \neq 0$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \geq N x_n < \varepsilon$; 2) $\exists \varepsilon : \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n \geq \varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \exists n > N : x_n \geq \varepsilon$; 4) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n \geq N : x_n \geq \varepsilon$; 5) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n \geq \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{24n^2 - 2n - 4}{12n^2 + 2n + 1}$.	1) 1; 2) ∞ ; 3) 2; 4) 0; 5) -4
A3	Указать бесконечно малую последовательность. 1) $\frac{1}{n} \sin \frac{\pi n}{2}$; 2) $\frac{n + \sin n}{n}$; 3) $\frac{3n + \cos \sqrt{n}}{2n}$; 4) $\frac{1}{n} + \operatorname{arctgn} n$; 5) $\frac{\cos(\pi n/3) - n^2}{4n^2}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A4	Какая из данных последовательностей расходится? 1) $\sqrt[n]{3^n - 1}$; 2) $2\sqrt[n]{n}$; 3) $3\sqrt[2]{2^n + 1}$; 4) $\sqrt[n]{2^{n(-1)^n} + 1}$; 5) $\sqrt[n]{2^{-n} + 1}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти верное утверждение: 1) всякая возрастающая последовательность сходится; 2) любая убывающая ограниченная снизу последовательность сходится; 3) если последовательность убывает и ограничена сверху, то она сходится; 4) всякая убывающая последовательность сходится; 5) любая ограниченная последовательность сходится.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

B1	Найти наименьший номер, начиная с которого $ x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = (n + 4)/(n - 16)$, $a = 1$, $\varepsilon = 0,01$.
B2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n(n+5)} - n)$.
B3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{\operatorname{arctgn}^2}{n} - \frac{n^3 + 4}{2 - n^3}$.
B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 \ln n + n^3}{4n - 5n^3}$.
B5	Найти нижний предел последовательности $x_n = 3 + \sin^n \frac{\pi n}{4}$.

Вариант 8

Часть А

А1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n \neq \infty$:</p> <p>1) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \exists n \geq N : x_n < \varepsilon$; 2) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{Q} \exists n > N : x_n \leq \varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \exists n \geq N : x_n < \varepsilon$; 4) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{Q} \exists n < N : x_n < \varepsilon$; 5) $\exists \varepsilon : \forall N \in \mathbb{Q} \exists n > N : x_n > \varepsilon$.</p>	<p>1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5</p>
А2	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{21n - 14n^2 + 1}{7n^2 + 13n - 3n^4}$.</p>	<p>1) 0; 2) -2; 3) ∞ ; 4) 3; 5) -1/3</p>
А3	<p>Найти бесконечно малую последовательность.</p> <p>1) $\frac{n+1}{2n+99}$; 2) $\frac{\sqrt{n^4+2}}{7n^2}$; 3) $\frac{5n^3}{\sqrt{9+2n^6}}$; 4) $\frac{n^2}{\sqrt{1+n^4}}$; 5) $\frac{5n^3}{\sqrt{9+2n^8}}$</p>	<p>1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5</p>
А4	<p>Какая из данных последовательностей расходится?</p> <p>1) $\arctg \sqrt{n^2+1}$; 2) $\frac{\sin(n^3 - 4\pi n)}{\sqrt[3]{2n-1}}$; 3) $\frac{\arcsin \sqrt{n}}{\sqrt{n}}$; 4) $\cos \sqrt{\frac{2n^2-1}{\pi n}}$; 5) $\frac{\cos \pi n^2}{2^n}$</p>	<p>1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5</p>
А5	<p>Найти верное утверждение:</p> <p>1) если последовательность имеет предел, то она возрастает и ограничена сверху; 2) если последовательность стремится к $-\infty$, то она является бесконечно малой; 3) если последовательность стремится к $+\infty$, то она является бесконечно большой; 4) всякая ограниченная последовательность сходится; 5) сходящаяся последовательность может быть не фундаментальной.</p>	<p>1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5</p>

Часть В

В1	<p>Найти наименьший номер, начиная с которого $x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = \frac{n+3}{n-4}$, $a=1$, $\varepsilon=0,01$.</p>
В2	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} n \left(\sqrt{n^4+3} - \sqrt{n^4-2} \right)$.</p>
В3	<p>Найти предел последовательности $x_n = \frac{5n^2 - 6n^3}{2n^2 + 3n^3} - \frac{n^2 \cos(n^3 + n)}{1 + n^3}$.</p>

B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 - \sqrt{3n^5 - 7}}{(n^2 - n \cos n + 1)\sqrt{n}}$.
B5	Найти верхний предел последовательности $x_n = \sqrt[n]{\frac{2n^2 - 5}{3n^2 + 1}} + \frac{(-1)^n}{2}$.

Вариант 9

Часть А

A1	Найти утверждение равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n \neq +\infty$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \geq N : x_n > \varepsilon$; 2) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n < N : x_n \leq \varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n \leq \varepsilon$; 4) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \forall n \geq N : x_n \leq \varepsilon$; 5) $\exists \varepsilon : \forall N \in \mathbb{N} \exists n \geq N : x_n \leq \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n + 16n^2 - 3}{14n^2 + 7n + 2}$.	1) 2/7; 2) 0; 3) 1; 4) -3/2; 5) 8/7
A3	Найти бесконечно малую последовательность. 1) $\frac{2n}{\sqrt[4]{n^4 + 5}}$; 2) $\frac{n^2}{2^n}$; 3) $\frac{n^3 - 1}{n^2 + 99^{10}}$; 4) $\frac{\sqrt{n^2 - 1}}{n + 4^{30}}$; 5) $\frac{2^n}{n^3}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A4	Какая из данных последовательностей расходится? 1) $\frac{\sin \sqrt{n}}{n^2}$; 2) $\frac{(-1)^n}{n+1}$; 3) $\operatorname{arctg} \sqrt{n}$; 4) $\frac{2(-1)^n}{n}$; 5) $\frac{1}{n} + (-1)^n$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти верное утверждение: 1) всякая возрастающая ограниченная снизу последовательность сходится; 2) если последовательность возрастает, то она сходится; 3) отношение бесконечно больших последовательностей является бесконечно большой последовательностью; 4) произведение ограниченных последовательностей является ограниченной последовательностью; 5) отношение бесконечно малых последовательностей является бесконечно малой последовательностью	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

B1	Найти наименьший номер, начиная с которого $ x_n - a < \varepsilon$, если $x_n = 1/\sqrt{n}, a = 0, \varepsilon = 0,1$.
B2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt[3]{n+1} - \sqrt[3]{n-1})$.
B3	Найти предел последовательности $x_n = \frac{2n^3 - 3}{3n^3 - 2n^2} - \frac{n \sin \sqrt[4]{n^3 + 1}}{\sqrt{n^4 + 2n}}$.
B4	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[4]{n^5 + 2} - \sqrt{2n^3 + 3}}{(n + \sin n)\sqrt{7n}}$.
B5	Найти верхний предел последовательности $x_n = \frac{1 + (-1)^n}{3} \sqrt[n]{5^n + 3^n}$.

Вариант 10

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n \neq -\infty$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists N \in \mathbb{N} : \forall n \geq N : x_n < -\varepsilon$; 2) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n < N : x_n \geq -\varepsilon$; 3) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \in \mathbb{N} \exists n > N : x_n \geq -\varepsilon$; 4) $\exists \varepsilon : \forall N \in \mathbb{N} \exists n \geq N : x_n \geq -\varepsilon$; 5) $\exists \varepsilon > 0 : \forall N \exists n \geq N : x_n \geq -\varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{12n^5 + 16n - 4}{14n^3 - 11n + 2}$.	1) 1; 2) ∞ ; 3) 6/7; 4) -2; 5) -16/11
A3	Указать бесконечно малую последовательность. 1) $\frac{n \cos n^2}{\sqrt{n^2 + 1}}$; 2) $\operatorname{arctg} \sqrt{n^3 + 2}$; 3) $\frac{\sqrt{n} \sin(\pi n/3)}{\sqrt{n+1}}$; 4) $\frac{\operatorname{arctg} \sqrt{n}}{-n^3}$; 5) $\frac{2n^2 + \cos n}{\sqrt{n^4 + 3}}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A4	Какая из данных последовательностей расходится? 1) $\sqrt[n]{n+1}$; 2) $\sqrt[n]{2^n + 3}$; 3) $5\sqrt{1-5^{-n}}$; 4) $3\sqrt[n]{\frac{3^{(-1)^n n}}{n} + 2}$; 5) $3\sqrt[3]{3^{n(-1)^n} + 2}$	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A5	Найти верное утверждение: 1) любая убывающая последовательность имеет предел равный $-\infty$;	1) 1; 2) 2;

<p>2) если последовательность фундаментальна, то она сходится;</p> <p>3) произведение сходящихся последовательностей является сходящейся к нулю последовательностью.</p> <p>4) отношение бесконечно малых последовательностей является бесконечно малой последовательностью;</p> <p>5) всякая возрастающая последовательность является бесконечно большой последовательностью.</p>	<p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
--	---------------------------------------

Часть В

B1	<p>Найти наименьший номер, начиная с которого $x_n - a < \varepsilon$,</p> <p>если $x_n = \frac{10}{n^2 - 44}$, $a = 0$, $\varepsilon = 0,1$.</p>
B2	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt[3]{n^3 + n^2 + 2011} - n)$.</p>
B3	<p>Найти предел последовательности $x_n = \frac{5n - 7n^2}{5n^2 - 7n} + \frac{\operatorname{arctg}(n^2 - \sqrt{n})}{\sqrt{n}\sqrt{n-1}}$.</p>
B4	<p>Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^6 \ln n + n^7}{(2n^4 - 1)(2n^3 + 1)}$.</p>
B5	<p>Найти нижний предел последовательности $x_n = 6(2 + (-1)^n)^n \sqrt[n]{\frac{7n-2}{6n+3}}$.</p>

**Ответы к тестовым заданиям
по теме «Предел последовательности»**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A1	4	2	3	4	5	3	5	2	3	3
A2	1	5	2	1	3	4	3	1	3	2
A3	3	2	4	3	2	5	1	5	2	4
A4	2	3	3	2	5	2	4	4	5	5
A5	5	5	2	5	4	3	2	3	4	2
B1	3003	11	1006	11	12	10009	2017	705	101	13
B2	$-\frac{3}{2}$	$\frac{2}{3}$	0	0	$\frac{3}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{5}{2}$	0	0	$\frac{1}{3}$
B3	-1	$-\frac{4}{11}$	$-\frac{7}{5}$	$\frac{5}{3}$	$\frac{7}{2}$	-3	1	-2	$\frac{2}{3}$	$-\frac{7}{5}$
B4	$\frac{1}{2}$	27	-2	$-\frac{1}{5}$	3	0	$-\frac{1}{5}$	$-\sqrt{3}$	$-\sqrt{\frac{2}{7}}$	$\frac{1}{4}$
B5	3	1	7	4	8	5	2	$\frac{3}{2}$	$\frac{5}{3}$	6

Тема 2

ПРЕДЕЛ ФУНКЦИИ

Вариант 1

Часть А

A1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = a$:</p> <p>1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x \in D(f): 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;</p> <p>2) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \delta > 0 \forall x: 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;</p> <p>3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f): x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;</p> <p>4) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f): 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;</p> <p>5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x: 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a > \varepsilon$.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 4}{x^2 - x - 2}$.</p>	<p>1) 3; 2) 2;</p> <p>3) 1; 4) 0;</p> <p>5) ∞</p>
A3	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sin(2x - 6)}{x - 3}$.</p>	<p>1) 1; 2) 2;</p> <p>3) 0; 4) e;</p> <p>5) 1/2</p>
A4	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x}{2x + 1} \right)^{x^2}$.</p>	<p>1) 0; 2) ∞;</p> <p>3) -1; 4) 1;</p> <p>5) 1/2</p>

A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) функция $f(x)$ имеет в точке x_0 предел тогда и только тогда, когда в этой точке существуют конечные правый и левый пределы;</p> <p>2) сумма бесконечно малых в точке x_0 функций есть бесконечно малая в точке x_0 функция;</p> <p>3) если функции $f(x)$ и $g(x)$ имеют пределы в точке x_0, то и $(fg)(x)$ также имеет предел в этой точке;</p> <p>4) если функции $f(x)$ и $g(x)$ эквивалентные функции при $x \rightarrow x_0$, то существует предел отношения при $x \rightarrow x_0$ этих функций, равный единице;</p> <p>5) произведение бесконечно малой в точке x_0 функции ограниченную функцию есть бесконечно малая в этой точке x_0 функция.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
----	---	---

Часть В

B1	Верно ли утверждение: $x + x \sin x = O(x)$ при $x \rightarrow \infty$?
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x + 2 \operatorname{arctg} 3x + 3x^2}{\ln(1 + 3x + \sin^2 x) + xe^x}$.
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 3x^2)^{\frac{1}{\sin^2 x}}$.
B4	Найти $\lim_{x \rightarrow -0} f(x) + \lim_{x \rightarrow +0} f(x)$, если $f(x) = \operatorname{arccctg} \frac{1}{x}$.

B5	При каких значениях α и β функции $f(x) = 1 - \cos(\ln(1 + x^{-2}))$ и $g(x) = \alpha x^\beta$ эквивалентны при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $\alpha \cdot \beta$.
----	--

Вариант 2

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = a$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x > \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x > \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$; 4) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \delta > 0 \forall x \in D(f) : x < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x < \delta \Rightarrow f(x) - a > \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 4x - 5}{x^2 - 1}$.	1) ∞ ; 2) 0; 3) 1; 4) -1; 5) 3
A3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 3x}{2x}$.	1) 2/3; 2) 0; 3) 3/2; 4) 1; 5) ∞
A4	Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x}{x+1} \right)^x$.	1) 0; 2) ∞ ; 3) e^{-1} ; 4) e ; 5) 1
A5	Найти неверное утверждение: 1) функция $f(x)$ имеет в точке x_0 предел тогда и только	1) 1;

	<p>тогда, когда в этой точке существуют конечный правый и конечный левый пределы и они равны;</p> <p>2) частное бесконечно малых в точке x_0 функций есть бесконечно малая в точке x_0 функция;</p> <p>3) если функции $f(x)$ и $g(x)$ имеют пределы в точке x_0, то и $(f + g)(x)$ также имеет предел в этой точке;</p> <p>4) для того, чтобы функции $f(x)$ и $g(x)$ были функциями одного порядка в точке x_0, достаточно, чтобы существовал конечный предел отношения этих функций этой точке, отличный от нуля;</p> <p>5) произведение бесконечно больших в точке x_0 функции есть бесконечно большая в точке x_0 функция.</p>	<p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
--	--	--

Часть В

В1	Верно ли утверждение: $\sqrt{ x } = o(x)$ при $x \rightarrow 0$?
В2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[4]{1+x^2} + x^3 - 1}{\ln \cos x}$.
В3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{-\frac{1}{x^2}}$.
В4	Найти $f(10+0) - f(10-0)$, если $f(x) = x + [x^2]$.
В5	При каких значениях α и β функции $f(x) = 3 \sin^2 x^2 - 5x^5$ и $g(x) = \alpha x^\beta$ эквивалентны при $x \rightarrow 0$? В ответе указать $\alpha + \beta$.

Вариант 3

Часть А

A1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = a$:</p> <p>1) $\forall x_n \in D(f) : x_n \rightarrow x_0, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>2) $\exists x_n \in D(f), x_n \neq x_0 : x_n \rightarrow x_0, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>3) $\forall x_n \in D(f), x_n \neq x_0 : x_n \rightarrow x_0, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>4) $\forall x_n \neq x_0 : x_n \rightarrow x_0, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>5) $\forall x_n \in D(f) : x_n \rightarrow x_0, n \rightarrow \infty \Leftrightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - x - 2}$.</p>	<p>1) 1; 2) ∞;</p> <p>3) 0; 4) 4/3;</p> <p>5) 1/3</p>
A3	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 5x}{3x}$.</p>	<p>1) 5/3; 2) 1;</p> <p>3) ∞; 4) 0;</p> <p>5) 3/5</p>
A4	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 3x^2)^{\frac{3}{x^2}}$.</p>	<p>1) e^3; 2) e^9;</p> <p>3) 0; 4) 1;</p> <p>5) e</p>
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) произведение бесконечно малых в точке x_0 функций есть бесконечно малая функция в этой точке;</p> <p>2) если функции $f(x)$ и $g(x)$ имеют пределы в точке x_0, то их разность $(f - g)(x)$ также имеет предел в этой</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p>

<p>точке;</p> <p>3) сумма бесконечно больших в точке x_0 функций может быть бесконечно большой функцией в этой точке;</p> <p>4) для того, чтобы функция $g(x)$ была бесконечно малой по сравнению с функцией $f(x)$ при $x \rightarrow x_0$, достаточно, чтобы предел отношения функции $g(x)$ к функции $f(x)$ при $x \rightarrow x_0$ был равен нулю;</p> <p>5) если существуют пределы функций $f(x)$ и $g(x)$ в точке x_0, то существует предел функции $f(g(x))$ в этой точке.</p>	<p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
--	--------------------------

Часть В

B1	Верно ли утверждение: $\sqrt{1+x^2} - x = O(1/x)$ при $x \rightarrow \infty$?
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{2 \sin \sqrt{x^2 + \sqrt{x}} + \ln(x^2 + 1)}{\sqrt[4]{x} + \sqrt{x}\sqrt{x}}$.
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos 6x)^{ctg^2 x}$.
B4	Найти $f(\pi - 0) + f(\pi + 0)$, если $f(x) = \text{sign} \cos(x/2)$.
B5	При каких значениях α и β функция $f(x) = \sqrt{x^4 + 2x^2 - 1} + \alpha \sqrt{x^4 - 2x^2 - 1} - \beta$ является бесконечно малой при $x \rightarrow \infty$? В ответе указать $\alpha \cdot \beta$.

Вариант 4

Часть А

A1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a$:</p> <p>1) $\forall x_n \in D(f): x_n \rightarrow 0, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>2) $\forall x_n \in D(f): x_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>3) $\exists x_n \in D(f): x_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$;</p> <p>4) $\forall x_n \in D(f): x_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty$;</p> <p>5) $\forall x_n: x_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3+x} - 2}{x-1}$.</p>	<p>1) 1; 2) 0;</p> <p>3) 1/4; 4) 4;</p> <p>5) ∞</p>
A3	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} x \operatorname{ctg} 5x$.</p>	<p>1) 5; 2) 0;</p> <p>3) 1; 4) ∞;</p> <p>5) 1/5</p>
A4	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - x^2)^{\frac{4}{x^2}}$.</p>	<p>1) e; 2) e^{-2};</p> <p>3) e^{-4}; 4) 1;</p> <p>5) ∞</p>
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) функция $f(x)$ имеет предел в точке x_0 тогда и только тогда, когда существуют односторонние пределы функции в точке x_0;</p> <p>2) произведение бесконечно больших в точке x_0 функций есть бесконечно большая в этой точке функция;</p> <p>3) если $f(x)$ - бесконечно большая функция, при $x \rightarrow x_0$, то $f(x)$ - неограниченная на \square функция;</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>

	<p>4) разность бесконечно малых в точке функций есть бесконечно малая в этой точке функция;</p> <p>5) если функции $f(x)$ и $g(x)$ имеют пределы в точке x_0, то и функция $(fg)(x)$ также имеет предел в этой точке.</p>	
--	---	--

Часть В

В1	Верно ли утверждение: $\frac{1}{x} = O(\sqrt{1+x^2} - x)$, если $x \rightarrow +\infty$?
В2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\operatorname{arctg}(2-x) + \sin(x-2)^2}{x^2 - 4}$.
В3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (\ln(e+x))^{\operatorname{ctg}x}$.
В4	Найти $f(1+0) + f(1-0)$, если $f(x) = x + [x]$.
В5	При каких значениях α и β функция $f(x) = \frac{xe^x}{e^x - 1} - \alpha x - \beta$ является бесконечно малой при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $\alpha + \beta$.

Вариант 5

Часть А

A1	<p>Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \neq a$:</p> <p>1) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \delta > 0 \forall x \in D(f) : 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a \geq \varepsilon$;</p> <p>2) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \delta > 0 \exists x \in D(f) : 0 < x - x_0 > \delta \Rightarrow f(x) - a \geq \varepsilon$;</p> <p>3) $\forall \varepsilon > 0 \forall \delta > 0 \forall x : 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a \geq \varepsilon$;</p> <p>4) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \delta > 0 \exists x \in D(f) : 0 < x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a \geq \varepsilon$;</p> <p>5) $\exists \varepsilon > 0 : \forall \delta > 0 \exists x : x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - a \geq \varepsilon$.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 4}{x^2 - x - 2}$.</p>	<p>1) 0; 2) 2/3;</p> <p>3) 2; 4) 3/2;</p> <p>5) ∞</p>
A3	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{2x^2}$.</p>	<p>1) 1/2; 2) 1;</p> <p>3) 1/4; 4) 0;</p> <p>5) ∞</p>
A4	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x}{2x+1} \right)^x$.</p>	<p>1) 0; 2) $e^{-1/2}$;</p> <p>3) e; 4) e^{-1};</p> <p>5) ∞</p>
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) сумма бесконечно малых в точке x_0 функций есть бесконечно малая функция в этой точке;</p> <p>2) если функция $f(x)$ бесконечно малая в точке x_0 функция, то функция $1000000f(x)$ - бесконечно малая в точке x_0;</p> <p>3) для того, чтобы функция $f(x)$ и $g(x)$ были эквивалентны в точке x_0 достаточно, чтобы существовал пре-</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>

	дел отношения этих функций, равный единице; 4) частное бесконечно больших в точке x_0 функций есть бесконечно большая функция в этой точке; 5) если функция имеет предел в точке x_0 , то она ограничена в некоторой окрестности этой точки.	
--	--	--

Часть В

B1	Верно ли утверждение: $\ln(1 + e^x) = o(1)$ при $x \rightarrow +\infty$?	
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 \sqrt[10]{x} \cos x + \sin^3 x}{1 - \sqrt{1 + x^3}}$.	
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow \pi/2} (\sin x)^{\operatorname{tg}^2 x}$.	
B4	Найти $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) + \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, если $f(x) = \left(1 + \frac{1}{ x }\right)^x$.	
B5	При каких значениях α и β функция $f(x) = \sqrt{4x^4 + 12x^2 - 7} - \alpha x^2 - \beta$ является бесконечно малой при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $\alpha + \beta$.	

Вариант 6

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) \neq a$: 1) $\exists x_n \in D(f): x_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \rightarrow a, n \rightarrow \infty$; 2) $\exists x_n \in D(f): x_n \rightarrow \infty, n \rightarrow \infty \Rightarrow f(x_n) \not\rightarrow a, n \rightarrow \infty$;	1) 1; 2) 2;
----	---	----------------

	<p>3) $\exists \varepsilon > 0 \forall \delta > 0 \forall x: x < \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon;$</p> <p>4) $\exists \varepsilon > 0 \forall \delta > 0 \exists x \in D(f): x > \delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon;$</p> <p>5) $\exists \varepsilon > 0 \forall \delta > 0 \exists x \in D(f): x < \delta \Rightarrow f(x) - a \geq \varepsilon .$</p>	<p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
A2	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 2x + 1}{x^5 - 2x + 1}.$</p>	<p>1) 3; 2) 0;</p> <p>3) 1; 4) ∞;</p> <p>5) $2/3$</p>
A3	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{\pi}{x}.$</p>	<p>1) 0; 2) π;</p> <p>3) 1; 4) ∞;</p> <p>5) $1/\pi$</p>
A4	<p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 2x^3)^{\frac{1}{x^3}}.$</p>	<p>1) e^2; 2) e;</p> <p>3) e^{-2}; 4) 0;</p> <p>5) 1</p>
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) если функция $(fg)(x)$ имеет предел в точке x_0, то и функции $f(x)$ и $g(x)$ имеют предел в точке x_0;</p> <p>2) произведение бесконечно малых в точке x_0 функций есть бесконечно малая в точке x_0 функция;</p> <p>3) произведение бесконечно больших в точке x_0 функций есть бесконечно большая в точке x_0 функция;</p> <p>4) если $f(x)$ - бесконечно большая в точке x_0 функция, то $f(x) - 10^{10}$ - бесконечно большая функция в точке x_0;</p> <p>5) для того, чтобы функции $f(x)$ и $g(x)$ были функциями одного порядка в точке x_0 достаточно, чтобы</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>

	существовал конечный предел отношения этих функций в этой точке, отличный от нуля.	
--	--	--

Часть В

B1	Верно ли утверждение: $\ln(1 + e^x) = o(1)$ при $x \rightarrow -\infty$?
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow \pi/2} \frac{e^{\sin 2x} - e^{\operatorname{tg} 2x}}{\ln(2x/\pi)}$.
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x + \sin x)^{\frac{1}{x}}$.
B4	Найти $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \cdot \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, если $f(x) = \sqrt{1 + 7x + x^2} - \sqrt{1 - x + x^2}$.
B5	При каких значениях α и β функция $f(x) = \frac{x^2(x-1)}{(x+1)^2} - \alpha x - \beta$ является бесконечно малой при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $\alpha + \beta$.

Вариант 7

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = a$:	
	1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x \in D(f): x > -\delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;	1) 1;
	2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x \in D(f): x > -\delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;	2) 2;
	3) $\exists \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x \in D(f): x > -\delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;	3) 3;
	4) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x \in D(f): x < -\delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$;	4) 4;
	5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x: x < -\delta \Rightarrow f(x) - a < \varepsilon$.	5) 5

A2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{2x^2 - 11x - 21}{x^2 - 9x + 14}$.	1) 7/5; 2) 0; 3) 17/5; 4) 1; 5) ∞
A3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} x \operatorname{ctg} 3x$.	1) -3; 2) 0; 3) 3; 4) 1/3; 5) ∞
A4	Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} x \left(3^{\frac{1}{x}} - 1 \right)$.	1) 1; 2) 0; 3) -1; 4) ∞ ; 5) $\ln 3$
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) частное бесконечно малых в точке x_0 функций может быть бесконечно малой функцией в этой точке;</p> <p>2) произведение бесконечно больших в точке x_0 функций есть бесконечно большая функция в этой точке;</p> <p>3) если $f(x)$ - бесконечно малая в точке $x_0 = 1$ функция, то $xf(x)$ есть бесконечно малая функция в этой точке;</p> <p>4) разность бесконечно больших в точке x_0 функций есть бесконечно большая функция в этой точке;</p> <p>5) если функции $f(x)$ и $g(x)$ имеют пределы в точке x_0, то их разность $(f - g)(x)$ также имеет предел в этой точке.</p>	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть B

B1	Верно ли утверждение: $\sqrt{x^2 + x} - x = o(1)$ при $x \rightarrow -\infty$?
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{tg 2x - 3 \arcsin 4x}{\sin 5x - 6 \operatorname{arctg} 7x}$.
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 4\pi} (\cos x)^{\frac{ctgx}{\sin 4x}}$.
B4	Найти $\lim_{x \rightarrow \pi/2+0} f(x) + \lim_{x \rightarrow \pi/2-0} f(x)$, если $f(x) = \operatorname{arctg}(tgx)$
B5	При каких значениях α и β функция $f(x) = \sqrt{4x^2 + x + 1} - \alpha x - \beta$ является бесконечно малой при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $2\alpha\beta$.

Вариант 8

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x - a > \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 2) $\exists \varepsilon > 0 \forall \delta > 0 \forall x \in D(f) : 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x \in D(f) : 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 - 1} - \sqrt{x^2 + 1})$.	1) 1; 2) 2; 3) 0; 4) ∞ ; 5) -1
A3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{tg 4x}{\sin x}$.	1) 3; 2) 4;

		3) 1; 4) 0; 5) ∞
A4	Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+1}{2x-1} \right)^{x+1}$.	1) 0; 2) 1; 3) ∞ ; 4) e ; 5) e^{-1}
A5	Найти неверное утверждение: 1) если две функции имеют предел в точке x_0 , то их произведение также имеет предел в этой точке; 2) для того, чтобы функции были эквивалентны в точке необходимо, чтобы предел их отношения в этой точке был отличен от нуля; 3) функция является бесконечно большой в точке x_0 , если предел в этой точке равен бесконечности; 4) произведение бесконечно малых в точке x_0 функций есть бесконечно малая функция в этой точке; 5) если функция имеет предел в точке x_0 , то она ограничена в некоторой окрестности этой точки.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

B1	Верно ли утверждение: $100x + x \sin x = O(x)$ при $x \rightarrow \infty$?
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{sh3x} - e^{shx}}{thx}$.
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x + \operatorname{arctg}^2 x)^{\frac{1}{\operatorname{arctg} x^2}}$.

B4	Найти $\lim_{x \rightarrow +0} f(x) + \lim_{x \rightarrow -0} f(x)$, если $f(x) = \text{arcctg}(\text{ctgx})$.
B5	При каких значениях α и β функции $f(x) = \sqrt{2x + \sqrt{x + \sqrt{x}}}$ и $g(x) = \alpha x^\beta$ эквивалентны при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $2\alpha\beta$.

Вариант 9

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty$: 1) $\exists \varepsilon > 0: \forall \delta > 0 \forall x \in D(f): 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \exists x \in D(f): x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x \in D(f): 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x \in D(f): 0 < x - a < \delta \Rightarrow f(x) < \varepsilon$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x \in D(f): 0 < x - a > \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{\sqrt{x-2} - 2}{x-6}$.	1) 1; 2) 2; 3) 0; 4) ∞ ; 5) 1/4
A3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^2}{\sin \pi x}$.	1) 1; 2) 2; 3) π ; 4) 0; 5) $2/\pi$
A4	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + 3x^4)^{\frac{1}{x^2}}$.	1) 0; 2) 1; 3) ∞ ; 4) e ;

		5) e^{-1}
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) если разность функций имеет предел в точке x_0, то и каждая из этих функций также имеет предел в этой точке;</p> <p>2) частное бесконечно малых в точке x_0 функций может быть бесконечно большой функцией в этой точке;</p> <p>3) функция является бесконечно большой в точке x_0, если предел в этой точке равен бесконечности;</p> <p>4) произведение бесконечно малых в точке x_0 функций есть ограниченная в некоторой окрестности этой точки функция;</p> <p>5) отношение бесконечно больших функций в точке может быть бесконечно малой функцией в этой точке.</p>	<p>1) 1;</p> <p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>

Часть В

B1	Верно ли утверждение $\sqrt{x^2 + x} - x = o(1)$ при $x \rightarrow +\infty$?
B2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow +0} \frac{2 \sin \sqrt{x^2 + \sqrt{x^3}} + \ln(1+x)}{x + \sqrt{x\sqrt{x}}}$.
B3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \sqrt[3]{2 - \cos x}$.
B4	Найти $\lim_{x \rightarrow 3+0} f(x) + \lim_{x \rightarrow 3-0} f(x)$, если $f(x) = \frac{1}{x + 3^{1/(3-x)}}$.
B5	При каких значениях α и β функции $f(x) = 1 - \cos\left(1 - \cos \frac{1}{x}\right)$ и

	$g(x) = \alpha x^\beta$ эквивалентны при $x \rightarrow +\infty$? В ответе указать $2\alpha\beta$.
--	--

Вариант 10

Часть А

A1	Найти утверждение, равносильное $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \infty$: 1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x \in D(f) : x > \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x > \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x > \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x > \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 : \forall x \in D(f) : x < \delta \Rightarrow f(x) > \varepsilon$.	1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
A2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt[3]{x+1} - 1}$.	1) 3; 2) 2; 3) 1; 4) 0; 5) ∞
A3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\sin 6x - \sin 5x}$.	1) 0; 2) 1; 3) 2; 4) 3; 5) 11
A4	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 10} \frac{10(\lg x - 1)}{x - 10}$.	1) 0; 2) ∞ ; 3) 1; 4) -1; 5) $1/\ln 10$
A5	Найти неверное утверждение: 1) если существует предел функции $f(x)$ в точке x_0 , то	1) 1;

	<p>существует предел функции $f(x) + c$ ($\forall c \in \mathbb{R}$) в этой точке;</p> <p>2) предел функции в точке x_0 не существует тогда и только тогда, когда предел справа в точке x_0 отличен от предела слева в точке x_0;</p> <p>3) сумма бесконечно больших в точке x_0 функций может быть бесконечно малой функцией в этой точке;</p> <p>4) частное бесконечно больших в точке x_0 функций может быть бесконечно малой функцией в этой точке;</p> <p>5) если предел слева функции в точке x_0 равен пределу справа функции в этой точке, то функция имеет предел в точке x_0.</p>	<p>2) 2;</p> <p>3) 3;</p> <p>4) 4;</p> <p>5) 5</p>
--	--	--

Часть В

В1	Верно ли утверждение $\sqrt{x^2 + 1} - x \sim 1/x$ при $x \rightarrow +\infty$?
В2	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + \sin x} - \sqrt{1 - \sin x}}{\operatorname{tg} x}$
В3	Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sin x \cos 2x + 1}{\sin x \cos 3x + 1} \right)^{\frac{1}{\sin x^3}}$
В4	Найти $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) + \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$, если $f(x) = \frac{\ln(1 + 4^x)}{x}$.
В5	При каких значениях α и β функции $f(x) = \sqrt{4 - x^4} + x^2 - 2$ и $g(x) = \alpha x^\beta$ эквивалентны при $x \rightarrow 0$? В ответе указать $\alpha\beta$.

Ответы к тестовым заданиям

по теме «Предел функции»

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A1	4	2	3	2	4	2	4	5	3	3
A2	3	5	4	3	5	5	3	3	5	1
A3	2	3	1	5	3	2	4	2	5	2
A4	1	3	2	3	2	3	5	4	2	5
A5	1	2	5	1	4	1	4	2	1	2
B1	да	нет	да	да	нет	да	нет	да	да	нет
B2	2	$-\frac{1}{2}$	2	$-\frac{1}{4}$	-2	-2π	$\frac{10}{37}$	2	2	1
B3	e^3	\sqrt{e}	e^{-18}	$e^{1/e}$	$e^{-1/2}$	e	$-\frac{1}{8}$	\sqrt{e}	$e^{1/2}$	$e^{5/2}$
B4	π	1	0	3	$e + \frac{1}{e}$	-16	$-\frac{\pi^2}{4}$	π	$\frac{1}{3}$	$\ln 4$
B5	-2	7	-2	1	5	-2	1	$\sqrt{2}$	-1	2

Тема 3
НЕПРЕРЫВНОСТЬ ФУНКЦИИ

Вариант 1

Часть А

А1	<p>Функция называется непрерывной в точке a, если</p> <p>1) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x \in D(f): x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) < \varepsilon$;</p> <p>2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x \in D(f): x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) < \varepsilon$;</p> <p>3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x \in D(f): x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) < \varepsilon$;</p> <p>4) $\exists \varepsilon > 0 \forall \delta > 0 \forall x: x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) < \varepsilon$;</p> <p>5) $\exists \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x: x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) > \varepsilon$.</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А2	<p>Какая из функций не имеет точек разрыва?</p> <p>1) $f(x) = \frac{1}{\cos x}$; 2) $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$; 3) $f(x) = \sin \sqrt{x^2 + 1}$;</p> <p>4) $f(x) = \frac{1}{\sin x^2}$; 5) $f(x) = \sin \frac{1}{x^2}$</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А3	<p>Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0. В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x + 1}, x_0 = -1$.</p>	<p>1) -1; 2) 0; 3) -3; 4) 1; 5) -2</p>
А4	<p>Какая функция имеет точки разрыва только первого рода?</p> <p>1) $f(x) = \frac{ x+1 }{x+1}$; 2) $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x+1}$; 3) $f(x) = \frac{1}{x+6}$;</p> <p>4) $f(x) = \frac{x^2}{x^2 - x + 1}$; 5) $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \geq 0 \\ x, & x < 0 \end{cases}$</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А5	<p>Найти верное утверждение:</p> <p>1) если функция непрерывна в точке, то она монотонна в некоторой окрестности этой точки;</p> <p>2) если $f(x)$ и $g(x)$ имеют разрыв в точке x_0, то $(f + g)(x)$ имеет разрыв в точке x_0;</p> <p>3) если $f(x)$ непрерывная функция, то $f(x)$ также непрерывная функция;</p> <p>4) если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0, то $f(x^2)$ непрерывна в точке x_0;</p> <p>5) если функция непрерывна на интервале, то она ограничена на нем.</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>

Часть В

В1	Является ли непрерывной функция $f(g(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = 1 + x^2$?
В2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \leq 0, \\ \cos x, & 0 < x \leq 1, \\ x^2 - 1, & x > 1. \end{cases}$
В3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $x^{2^x} = 1$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
В4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 1}{\sqrt{x} - 1}, & x \neq 1, \\ 2a, & x = 1? \end{cases}$
В5	Найти скачок функции $f(x) = \operatorname{arctg} \frac{1}{x}$ в точке $x_0 = 0$.

Вариант 2

Часть А

А1	Функция называется непрерывной на множестве M , если 1) $\forall x_0 \forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x: x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) < \varepsilon$; 2) в каждой точке M существует конечный предел; 3) она непрерывна на некотором подмножестве M ; 4) она непрерывна в каждой точке множества M ; 5) она непрерывна в точке x_0 , принадлежащей множеству M .	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А2	Какая из функций не имеет точек разрыва? 1) $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x - 2}$; 2) $f(x) = \frac{x}{ x }$; 3) $f(x) = \sqrt{ x }$; 4) $f(x) = \operatorname{sign} x$; 5) $f(x) = \operatorname{tg} x$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А3	Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0 . В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{2(x^3 - 1)}{x^2 - 1}, x_0 = 1$.	1) 5; 2) 3; 3) -3; 4) 0; 5) 1

A4	Какая функция имеет точки разрыва только второго рода? 1) $f(x) = \frac{x-1}{ x-1 }$; 2) $f(x) = \frac{x^2 + x^3 + x}{x}$; 3) $f(x) = \frac{1}{x^2 + 9}$; 4) $f(x) = \frac{ x - x + 1}{x^2}$; 5) $f(x) = \begin{cases} x+1, & x \geq 0, \\ x, & x < 0 \end{cases}$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
A5	Найти верное утверждение: 1)если функция ограничена в некоторой окрестности точки x_0 , то она непрерывна в этой точке; 2)если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0 , то функция $(f + g)(x)$ непрерывна в точке x_0 ; 3)если $f^2(x)$ непрерывная функция, то $f(x)$ также непрерывная функция; 4)если функция непрерывна на промежутке, то она достигает на нем своего максимального значения; 5)если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0 , то функция $g(f(x))$ непрерывна в точке x_0 .	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

Часть В

B1	Является ли непрерывной на \mathbb{R} функция $g(f(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = 1 + x^2$?
B2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} 1/(1-x), & x < 0, \\ (x+1)^2, & 0 \leq x \leq 2, \\ 1-x, & x > 2. \end{cases}$
B3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $\sin x - x + 1 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
B4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} x \operatorname{ctg} 2x, & x \neq 0, x < \frac{\pi}{2} \\ a + 1, & x = 0? \end{cases}$
B5	Найти скачок функции $f(x) = \operatorname{sign}(\sin \pi x)$ в точке $x_0 = 1$.

Вариант 3

Часть А

А1	<p>Точка x_0 называется точкой разрыва первого рода, если</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) существует предел функции $f(x)$ в точке x_0; 2) не существует предела функции $f(x)$ в точке x_0; 3) предел функции $f(x)$ в точке x_0 не равен значению функции в этой точке; 4) существуют конечные односторонние пределы $f(x)$ в точке x_0, но они не равны; 5) не существует хотя бы одного одностороннего предела функции $f(x)$ в точке x_0. 	<ol style="list-style-type: none"> 1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А2	<p>Какая из функций не имеет точек разрыва?</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $f(x) = \frac{x^3 + x^4}{x}$; 2) $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$; 3) $f(x) = \frac{1}{\sin x^2}$; 4) $f(x) = \arctg \sqrt{x^2 + 1}$; 5) $f(x) = ctgx$ 	<ol style="list-style-type: none"> 1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А3	<p>Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0. В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{\sqrt{1+x}-1}{x}, x_0 = 0$.</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1) 0; 2) 1/2; 3) 2; 4) -1; 5) 1
А4	<p>Какая функция имеет точки разрыва только первого рода?</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $f(x) = x^2 \operatorname{sign}(x-1)$; 2) $f(x) = \frac{x^2 + 4x + 25}{7}$; 3) $f(x) = \frac{1}{x^2 - 9}$; 4) $f(x) = \frac{ x - x}{x^2}$; 5) $f(x) = \begin{cases} \ln x, & x > 0, \\ x, & x \leq 0. \end{cases}$ 	<ol style="list-style-type: none"> 1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А5	<p>Найти верное утверждение:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0, то $f(\sin x)$ непрерывна в точке x_0; 2) если $f(x)$ принимает все значения из отрезка $[f(a); f(b)]$, то она непрерывна на отрезке $[a; b]$; 3) если $f(x)$ непрерывная функция, то $f(x)$ также непрерывная функция; 4) если функция непрерывна на интервале, то она достигает на нем своего минимального значения; 5) если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0, то функция $f(g(x))$ непрерывна в точке x_0. 	<ol style="list-style-type: none"> 1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

Часть В

В1	Является ли непрерывной функция $f(g(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = x^2 + x$?
В2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} 4 - x^3, & x < 0, \\ (x - 1)^3, & 0 \leq x \leq 2, \\ 4 - x, & x > 2. \end{cases}$
В3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $xe^x = 2$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
В4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} \arcsin 2x \operatorname{ctg} 5x, & x \neq 0, x < \pi/10, \\ 1, 4 - a, & x = 0? \end{cases}$
В5	Найти скачок функции $f(x) = 2\operatorname{sign}(x^2 - 3x + 2)$ в точке $x_0 = 1$.

Вариант 4

Часть А

А1	Точка разрыва x_0 называется устранимой, если 1) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \neq f(x_0)$; 2) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \infty$; 3) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$ 4) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \neq f(x_0)$; 5) $\lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x)$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А2	Какая из функций не имеет точек разрыва? 1) $f(x) = \frac{2x^6 + x^4}{x^2}$; 2) $f(x) = \frac{x-1}{x^2+1}$; 3) $f(x) = \frac{1}{\arcsin x}$; 4) $f(x) = \operatorname{arccctg} \frac{1}{x}$; 5) $f(x) = \operatorname{sign}(x-2)$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А3	Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0 . В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{\sin(1-x)}{x-1}, x_0 = 1$.	1)1; 2)0; 3)-1; 4)-e; 5)5

А4	Какая функция имеет точки разрыва только второго рода? 1) $f(x) = \frac{x^5 - 1}{x - 1}$; 2) $f(x) = \frac{x^2 + 4x + 25}{x + 6}$; 3) $f(x) = \frac{1}{x^2 + 5}$; 4) $f(x) = \frac{ x }{x^2 + 4}$; 5) $f(x) = \begin{cases} 2x - 3, & x > 0, \\ x, & x \leq 0 \end{cases}$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А5	Найти верное утверждение: 1)если функция непрерывна на множестве, то она ограничена на нем; 2)если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , то $f(e^x)$ непрерывна в точке x_0 ; 3)если $f(x)$ непрерывная функция, а $g(x)$ ограниченная функция, то $(fg)(x)$ ограниченная функция; 4)если функция непрерывна на интервале, то она монотонна на нем; 5)если функция непрерывна на отрезке $[a; b]$ и $\exists x_0 \in [a; b]: f(x_0) > 0$, то $f(x) > 0 \forall x \in [a; b]$.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

Часть В

В1	Является ли непрерывной на \mathbb{R} функция $g(f(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = x^3 - x$?
В2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 1, \\ x + 1, & 1 < x \leq 4, \\ x - 1, & x > 4. \end{cases}$
В3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $\cos x - x + 1 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
В4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} \frac{\operatorname{sh} 4x}{x}, & x \neq 0, \\ 2,8 + a, & x = 0? \end{cases}$
В5	Найти скачок функции $f(x) = \frac{x + 1}{\operatorname{arctg}(1/x)}$ в точке $x_0 = 0$.

Вариант 5

Часть А

А1	<p>Точка x_0 называется точкой разрыва второго рода, если</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) в точке x_0 односторонние пределы не равны между собой; 2) в точке x_0 не существует односторонних пределов; 3) в точке x_0 хотя бы один из односторонних пределов не существует или равен бесконечности; 4) в точке x_0 односторонние пределы равны бесконечности; 5) в точке x_0 односторонние пределы равны между собой. 	<ol style="list-style-type: none"> 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
А2	<p>Какая из функций не имеет точек разрыва?</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$; 2) $f(x) = \frac{x}{\sin x}$; 3) $f(x) = \frac{2x^2 - x^4}{3x^2}$; 4) $f(x) = [x]$; 5) $f(x) = \text{sign}(x - 2)$ 	<ol style="list-style-type: none"> 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
А3	<p>Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0. В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{2 + 2 \cos \pi x}{(1 - x)^2}, x_0 = 1$.</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1) π; 2) π^2; 3) 1; 4) 0; 5) $\pi^2/2$
А4	<p>Какая функция имеет точки разрыва только первого рода?</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $f(x) = \frac{1}{x}$; 2) $f(x) = \frac{x^2 + 4x + 25}{x^2 + 6}$; 3) $f(x) = \text{sign} \frac{1}{x}$; 4) $f(x) = \frac{ x }{x + 8}$; 5) $f(x) = \begin{cases} \log_2 x, & x > 0, \\ x - 3, & x \leq 0 \end{cases}$ 	<ol style="list-style-type: none"> 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5
А5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) если функция непрерывна на отрезке, то она ограничена на нем; 2) если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0, то функция $(f - g)(x)$ непрерывна в точке x_0; 3) если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0, то функция $(fg)(x)$ непрерывна в точке x_0; 4) если функция непрерывна на интервале, то она может быть монотонна на нем; 5) если функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0, то функция $f(g(x))$ непрерывна в точке x_0. 	<ol style="list-style-type: none"> 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4; 5) 5

Часть В

В1	Является ли непрерывной функция $f(g(x))$, если $f(x) = \text{sign}(x-1)$ и $g(x) = e^{x/2} + 1,5$?
В2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} \cos x, & x < \pi/2, \\ x^2 - \pi^2/4, & \pi/2 \leq x \leq \pi, \\ e^x, & x > \pi. \end{cases}$
В3	Укажите отрезок $[a;b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $x^3 + x - 1 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
В4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} \cos x^2 + x \sin \frac{1}{x}, & x \neq 0, \\ a - 1, & x = 0? \end{cases}$
В5	Найти скачок функции $f(x) = 2[\text{tg}x]$ в точке $x_0 = \pi/4$.

Вариант 6

Часть А

А1	Функция называется непрерывной слева в точке x_0 если 1) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0+0} f(x) = f(x_0)$; 2) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x) = f(x_0)$; 3) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$; 4) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x)$; 5) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0-0} f(x) = A$.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А2	Какая из функций не имеет точек разрыва? 1) $f(x) = \frac{2x^2 - 1}{3x^2}$; 2) $f(x) = \frac{x}{\sin^3 x}$; 3) $f(x) = \begin{cases} x, & x > 0, \\ x^2, & x \leq 0 \end{cases}$; 4) $f(x) = [x] + 2$; 5) $f(x) = \text{tg} 2x$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
А3	Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0 . В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{1 - \cos 2x}{x^2}, x_0 = 0$.	1)1; 2) 4; 3) 2; 4) 0; 5)-2

A4	Какая функция имеет точки разрыва только второго рода? 1) $f(x) = \frac{1}{x^3 - 125}$; 2) $f(x) = \frac{x^2}{\sqrt{x}}$; 3) $f(x) = \operatorname{sign} x$; 4) $f(x) = \frac{ x+8 }{x+8}$; 5) $f(x) = \begin{cases} x, & x > 0, \\ x-3, & x \leq 0 \end{cases}$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
A5	Найти верное утверждение: 1)если функция ограничена на отрезке, то она непрерывна на нем; 2)если функция $(fg)(x)$ непрерывна в точке x_0 , то функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0 ; 3)если $ f(x) $ - непрерывная функция, то $f(x)$ также непрерывная функция; 4)если функция непрерывна на отрезке, то она достигает на нем своего минимального значения; 5)если функция имеет на отрезке точку разрыва, то она не ограничена на нем.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

Часть В

B1	Является ли непрерывной на \mathbb{R} функция $g(f(x))$, если $f(x) = \frac{1}{2} \sin \frac{x}{2} - 1,7$ и $g(x) = \operatorname{sign}(x+1)$?
B2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x < \pi/4, \\ x^2, & \pi/4 \leq x \leq \pi, \\ \pi^2, & x > \pi. \end{cases}$
B3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $x^5 + 3x - 25 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
B4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} e^{-\frac{1}{x^2}}, & x \neq 0, \\ 3a, & x = 0? \end{cases}$
B5	Найти скачок функции $f(x) = \operatorname{arctg} \frac{1}{x}$ в точке $x_0 = 0$.

Вариант 7

Часть А

А1	<p>Функция называется непрерывной справа в точке x_0 если</p> <p>1) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0 - 0} f(x) = f(x_0)$; 2) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$;</p> <p>3) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0 - 0} f(x) = A$; 4) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0 - 0} f(x)$; 5) $\exists \lim_{x \rightarrow x_0 + 0} f(x) = f(x_0)$</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А2	<p>Какая из функций не имеет точек разрыва?</p> <p>1) $f(x) = \frac{2x^2 - 1}{x^2 - x + 1}$; 2) $f(x) = \frac{x}{ 2x }$; 3) $f(x) = \begin{cases} x - 5, & x > 0 \\ x^2, & x \leq 0 \end{cases}$;</p> <p>4) $f(x) = [x] + 1$; 5) $f(x) = x \operatorname{sign}(x - 2)$</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А3	<p>Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0. В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{1}{x} e^{-\frac{1}{x^2}}$, $x_0 = 0$.</p>	<p>1)1; 2)0; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А4	<p>Какая функция имеет точки разрыва только первого рода?</p> <p>1) $f(x) = \frac{x - 5}{x^3 - 125}$; 2) $f(x) = \frac{x^4}{\sqrt{x}}$; 3) $f(x) = \operatorname{sign} x$;</p> <p>4) $f(x) = \frac{1}{x + 8}$; 5) $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \leq 0, \\ x, & x > 0 \end{cases}$</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>
А5	<p>Найти верное утверждение:</p> <p>1) если функция непрерывна на промежутке, то она ограничена на нем;</p> <p>2) если функция $f - g (x)$ непрерывна в точке x_0, то функции $f(x)$ и $g(x)$ непрерывны в точке x_0;</p> <p>3) если $f(x)$ непрерывная функция, а $g(x)$-ограниченная функция, то $(fg)(x)$ ограниченная функция;</p> <p>4) если функция непрерывна на интервале, то она монотонна на нем;</p> <p>5) если функция непрерывна на множестве $[a; b]$ и $\exists x_0 \in [a; b]: f(x_0) > 0$, то $f(x) > 0 \forall x \in [a; b]$.</p>	<p>1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5</p>

Часть В

В1	<p>Является ли непрерывной функция $f(g(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = x + 1 - [x]$?</p>
----	--

B2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} x - 1 + \sin 1, & x < 1, \\ \sin x, & 1 \leq x < \pi, \\ x^2, & x \geq \pi. \end{cases}$
B3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{Q}$, наименьшей длины, на котором уравнение $\sin x - 0,4x + 1,6 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
B4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} \frac{\operatorname{sh} 6x}{3x}, & x \neq 0, \\ a + 1, & x = 0? \end{cases}$
B5	Найти скачок функции $f(x) = \frac{ 2x - 1 }{3 - 6x}$ в точке $x_0 = \frac{1}{2}$.

Вариант 8

Часть А

A1	Функция является непрерывной в точке a , если 1) $\forall \varepsilon \exists \delta > 0: \forall x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$; 2) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \forall x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: \exists x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$; 4) $\forall \varepsilon > 0 \forall \delta > 0: \exists x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$; 5) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta: \forall x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
A2	Какая из функций не имеет точек разрыва? 1) $f(x) = \frac{1}{\cos x}$; 2) $f(x) = \frac{x-1}{x^4+1}$; 3) $f(x) = \sin x + [x]$; 4) $f(x) = \frac{1}{\sin x^2}$; 5) $f(x) = \sin \frac{1}{x^2}$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
A3	Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0 . В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{\operatorname{tg} 3x}{\sin x}, x_0 = 0$.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)0
A4	Какая функция имеет точки разрыва только второго рода? 1) $f(x) = \frac{\sin x}{x-1}$; 2) $f(x) = \frac{x^2-1}{x+1}$; 3) $f(x) = \begin{cases} x^2, & x \geq 0, \\ x , & x < 0 \end{cases}$;	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

	4) $f(x) = e^{-1/x^2}$; 5) $f(x) = [x] + 1$	
A5	Найти верное утверждение: 1) если функция непрерывна на интервале, то она ограничена на нем; 2) если $f(x)$ и $g(x)$ имеют разрыв в точке x_0 , то $(f + g)(x)$ имеет разрыв в точке x_0 ; 3) если $ f(x) $ - непрерывная функция, то $f(x)$ также непрерывная функция; 4) если функция непрерывна в точке, то она ограничена в некоторой окрестности этой точки; 5) если функция монотонна, то она непрерывна.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

Часть В

B1	Является ли непрерывной функция $g(f(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = 1 + x - [x]$?
B2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} x, & x \leq 1, \\ x^2 + x + 1, & x > 1. \end{cases}$
B3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $x^{4^x} - 1 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
B4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} \frac{e^{8x} - 1}{3x}, & x \neq 0 \\ a - 1/3, & x = 0 \end{cases}$?
B5	Найти скачок функции $f(x) = \frac{1}{1 + 2^{1/(x-1)}}$ в точке $x_0 = 1$.

Вариант 9

Часть А

A1	Функция является непрерывной в точке a , если 1) $\forall \varepsilon \exists \delta > 0: \forall x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$; 2) $\exists x_n \in D(f): \lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$; 3) $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \exists x \in D(f): x - x_0 < \delta \Rightarrow f(x) - f(x_0) < \varepsilon$; 4) $\exists \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(a)$; 5) $\forall x_n \in D(f): x_n \neq a, \lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
----	---	-------------------------------------

A2	Какая из функций не имеет точек разрыва? 1) $f(x) = \frac{1}{\cos x}$; 2) $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$; 3) $f(x) = \sin x $; 4) $f(x) = \frac{1}{\sin x^2}$; 5) $f(x) = \sin \frac{1}{x^2}$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
A3	Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0 . В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \pi(1-x)\operatorname{ctg}\pi x$, $x_0 = 1$.	1)1; 2)0; 3)-1; 4) π ; 5)- π
A4	Какая функция имеет точки разрыва только первого рода? 1) $f(x) = \frac{x-5}{x^3-125}$; 2) $f(x) = \frac{x^4}{\sqrt{x}}$; 3) $f(x) = \begin{cases} \sin x - x, & x \leq 0, \\ x, & x > 0; \end{cases}$ 4) $f(x) = \frac{1}{x^4-16}$; 5) $f(x) = (x-1)\operatorname{sign}x$	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5
A5	Найти верное утверждение: 1) если функция непрерывна в точке, то она монотонна в некоторой окрестности этой точки; 2) при непрерывном отображении образ открытого множества может быть замкнут; 3) если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , то $f(\sqrt{x})$ непрерывна в точке x_0 ; 4) если функция непрерывна на X_1 и X_2 , то она непрерывна на множестве $X_1 \cap X_2$; 5) если функция непрерывна на множестве $[a; b]$ и $\exists x_0 \in [a; b]: f(x_0) > 0$, то $f(x) > 0 \forall x \in [a; b]$.	1)1; 2)2; 3)3; 4)4; 5)5

Часть В

B1	Является ли непрерывной на \mathbb{R} функция $f(g(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign}x$ и $g(x) = \cos x$?
B2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} x-1, & x \leq 1, \\ x^2 - x + 1, & x > 1. \end{cases}$
B3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $\sin x - 0,5x + 0,5 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
B4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если

	$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{\ln(1+2x)}, & x \neq 0, \\ a^2, & x = 0? \end{cases}$
B5	Найти скачок функции $f(x) = \frac{1}{e^{1/x} - 1}$ в точке $x_0 = 0$.

Вариант 10

Часть А

A1	<p>Функция является непрерывной в точке a, если</p> <p>1) $\forall \varepsilon \exists \delta > 0: \forall x \in U_\delta(a) \cap D(f) \Rightarrow f(x) \in U_\varepsilon(f(a))$;</p> <p>2) $\exists x_n \neq a, x_n \in D(f): \lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$;</p> <p>3) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = f(0)$;</p> <p>4) $\forall x_n \neq a, x_n \in D(f): \lim_{n \rightarrow \infty} x_n = a \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} f(x_n) = f(a)$;</p> <p>5) $\exists \lim_{x \rightarrow a} f(x) = f(A)$.</p>	<p>1)1;</p> <p>2)2;</p> <p>3)3;</p> <p>4)4;</p> <p>5)5</p>
A2	<p>Какая из функций не имеет точек разрыва?</p> <p>1) $f(x) = \frac{1}{\cos x}$; 2) $f(x) = \frac{x^2 - 9}{x + 3}$; 3) $f(x) = \text{sign}(\sin x)$;</p> <p>4) $f(x) = \lg x$; 5) $f(x) = \sin \sqrt{ x }$</p>	<p>1)1;</p> <p>2)2;</p> <p>3)3;</p> <p>4)4;</p> <p>5)5</p>
A3	<p>Доопределить функцию $f(x)$ так, чтобы получившаяся функция была непрерывной в точке x_0. В ответе указать $f(x_0)$, если $f(x) = \frac{\arcsin 5x}{x}$, $x_0 = 0$.</p>	<p>1)1; 2)5;</p> <p>3)3; 4)0;</p> <p>5)2</p>
A4	<p>Какая функция имеет точки разрыва только второго рода?</p> <p>1) $f(x) = \frac{\sin 2x}{x}$; 2) $f(x) = \frac{x^2 - 9}{x + 3}$; 3) $f(x) = \frac{x}{x + 6}$;</p> <p>4) $f(x) = \frac{2x^2 - 1}{x^2 - x + 1}$; 5) $f(x) = \begin{cases} \sin^2 x, & x \geq 0, \\ x , & x < 0 \end{cases}$</p>	<p>1)1;</p> <p>2)2;</p> <p>3)3;</p> <p>4)4;</p> <p>5)5</p>
A5	<p>Найти неверное утверждение:</p> <p>1) если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0, то $f(\cos x)$ непрерывна в точке x_0;</p> <p>2) если $f(x)$ непрерывна на $[a; b]$, то она принимает все значения из отрезка с концами в точках $f(a)$ и $f(b)$;</p> <p>3) если функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0, то $\sin^2 f(x)$ непрерывна в точке x_0;</p>	<p>1)1;</p> <p>2)2;</p> <p>3)3;</p> <p>4)4;</p> <p>5)5</p>

	<p>4)если $f(x)$ - непрерывная функция и X -открытое множество, то $f(X)$ -открытое множество;</p> <p>5)если функция имеет точку разрыва, то она может быть ограничена в некоторой окрестности этой точки.</p>	
--	---	--

Часть В

В1	Является ли непрерывной на \mathbb{R} функция $g(f(x))$, если $f(x) = \operatorname{sign} x$ и $g(x) = \cos x$?
В2	Найти сумму абсцисс точек разрыва функции $f(x) = \begin{cases} x, & x \leq 2, \\ x^2 - x + 1, & x > 2. \end{cases}$
В3	Укажите отрезок $[a; b]$, где $a, b \in \mathbb{R}$, наименьшей длины, на котором уравнение $x^{4^x} - 5 = 0$ имеет, по крайней мере, один действительный корень.
В4	При каком значении a функция $f(x)$ будет непрерывна, если $f(x) = \begin{cases} (1 + \sin^2 x)^{1/x^2}, & x \neq 0, \\ a + e, & x = 0? \end{cases}$
В5	Найти скачок функции $f(x) = \frac{ x }{\operatorname{arctg} x}$ в точке $x_0 = 0$.

**Ответы к тестовым заданиям
по теме «Непрерывность функции»**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A1	3	4	4	4	3	2	5	2	5	4
A2	3	3	4	2	1	3	1	2	3	5
A3	5	2	2	3	2	3	2	3	3	2
A4	1	4	1	2	3	1	3	1	5	3
A5	4	2	3	3	5	4	3	4	4	1
B1	да	нет	нет	да	да	да	да	да	нет	нет
B2	1	2	2	4	π	$\frac{\pi}{4}$	π	0	0	0
B3	[0;1]	[1;2]	[0;1]	[1;2]	[2;3]	[1;2]	[3;4]	[0;1]	[2;3]	[1;2]
B4	2	$-\frac{1}{2}$	1	1,2	2	0	1	3	0	0
B5	π	-2	-4	$\frac{4}{\pi}$	2	π	$-\frac{2}{3}$	-1	1	2